



# (Séquence 7.2

## Récursion sur ABR



# Principe des algorithmes

Une *unique comparaison* avec l'étiquette de l'arbre permet d'aiguiller le traitement

- ▶ *soit* dans le sous-arbre gauche
- ▶ *soit* dans le sous-arbre droit

Le principe d'aiguillage permet de « laisser tomber » un sous-arbre entier (gauche ou droit) et de recommencer récursivement le traitement sur *un seul* sous-arbre.



# Schéma de fonction

```
;;; f-abr: Nombre * ArbreBinRecherche -> ...
(define (f-abr x ABR)
  (if (ab-noeud? ABR)
    (let ((e (ab-etiquette ABR)))
      (cond
        ((= x e) ...)
        (< x e) (combinaison
                  (f-abr x (ab-gauche ABR))))
      (else (combinaison
              (f-abr x (ab-droit ABR)))) ) )
  cas-arbre-vide ))
```



# Efficacité

Si chaque sous-arbre contient à peu près la moitié des nœuds de l'arbre entier (arbre équilibré), alors le nombre de nœuds restant à examiner est *divisé par deux* à chaque fois : **dichotomie**

$$n \rightarrow n/2 \rightarrow n/4 \rightarrow \dots \rightarrow n/2^p \implies p \approx \log_2 n$$

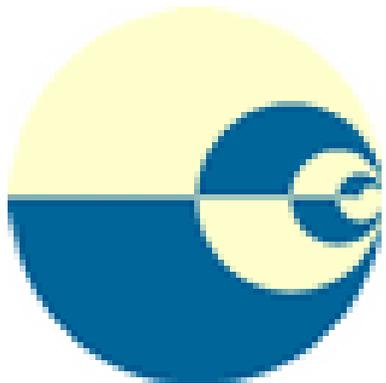
Dichotomie  $\rightarrow$  temps d'exécution logarithmique  $O(\log n)$

**MAIS** si l'arbre est dégénéré le nombre de nœuds restant à examiner est seulement *diminué de 1* à chaque fois

$$n \rightarrow n - 1 \rightarrow n - 2 \rightarrow n - 3 \dots$$

$\rightarrow$  temps d'exécution linéaire  $O(n)$





**Fin séquence)**

